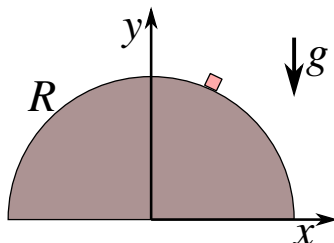


- (a) Tetszőleges $\{\alpha, \beta\}$ helyzetben számítsuk ki az alsó ingaszár végpontjának elmozdulását, ha virtuálisan elmozdítjuk a rendszert $\delta\alpha$ ill. $\delta\beta$ variációkkal?
 - (b) Adjuk meg a virtuális munkákat tetszőleges $\delta\alpha$ ill. $\delta\beta$ virtuális elmozdulások esetén!
 - (c) A virtuális munka elvének értelmében egyensúlyban tetszőleges virtuális elmozdulásra a virtuális munka zérus. Ezt kihasználva adjuk meg az α_0 és β_0 egyensúlyi helyzetet!
4. Egy R sugarú súrlódásmentes félkör alakú henger tetejéről egy m tömegű kicsiny test csúszik le. A pálya tetőpontján a kezdősebessége elhanyagolhatóan kicsiny. A fő célunk annak meghatározása, hogy hol válik el a kicsiny test a hengertől, és kezd szabadon repülni.



- (a) Először tegyük fel, hogy a test a henger felszínén mozoghat csak. Válasszunk kényelmes koordinátarendszert, és írjuk fel ebben ezt a kényszert, $f(x, y) = 0$ alakra rendezve!
- (b) A kényszerfeltétel figyelembevételével írjuk fel a test Lagrange-féle elsőfajú mozgásegyenletét!
- (c) Az (a) feladatban megadott kényszeregyenletet idő szerinti kétszeri deriválásának segítségével fejezzük ki a λ Lagrange-multiplikátort, mint $\{x, y, \dot{x}, \dot{y}\}$ függvényét!
- (d) Írjuk fel az energiamegmaradást a problémára, és mutassuk meg, hogy a λ Lagrange-multiplikátor nem jelenik meg ebben az egyenletben!
- (e) Az energiamegmaradási egyenletet felhasználva fejezzük a (c) feladat kifejezését alakítsuk úgy, hogy λ az E energiától, valamint az y magasságtól függjön már csak.
- (f) A kezdeti feltételből leolvashatjuk az E energiát. Vizsgáljuk λ előjelét, és adjuk meg, hol válik le a test a hengerről.