

1. Egy nagyon alacsony csillapítású  $L$  hosszúságú matematikai ingát (ún. Foucault ingát), a Föld északi szélességének  $\varphi = 47^\circ$ -án kicsiny mértékben kitérítettünk.<sup>1</sup>
- Írjuk fel az ingatest mozgásegyenletét a Földhöz rögzített (forgó) koordinátarendszerben!
  - A kitérés-idő függvényben lineárisnál magasabbrendű tagokat hanyagoljuk el a mozgásegyenletben!
  - Térjünk át a  $z = x + iy$  komplex koordinátára. Írjuk fel az erre vonatkozó mozgásegyenletet!
  - Oldjuk meg a mozgásegyenletet!
  - Adjuk meg az inga lengési síkjának szögsebességét!
- 

2. Egy  $R$  sugarú merev gömbfelületet kicsiny pontszerű részecskék homogén nyalábjával bombázunk. A részecskék tömege  $m$ , energiája  $E$ , és mind párhuzamosan repülnek.
- Vegyünk fel egy kényelmes (henger-) koordinátarendszert a számításhoz, aminek  $z$  tengelye párhuzamos a részecskék sebességével és áthalad a gömb középpontján!
  - Ha egy részecske a  $z$  tengelytől  $b$  távolságra halad, határozzuk meg azt a  $\vartheta(b)$  szöget, amivel eltérül eredeti mozgásirányához képest!
  - Írjuk fel a  $\frac{d\sigma}{d\Omega}$  differenciális hatáskeresztmetszet definícióját, és adjuk meg a mi esetünkre!
  - Számítsuk ki a szórás  $\sigma_{tot}$  teljes hatáskeresztmetszetét! Értelmezzük az eredményt!
- 

3. Egy  $R$  sugarú „puha” gömbszerű tartományt kicsiny pontszerű részecskék homogén nyalábjával bombázunk. A részecskék tömege  $m$ , energiája  $E$ , és mind párhuzamosan repülnek. A „puha” gömb egy véges  $V_0$  magasságú centrális potenciálhegy, azaz:

$$V(r) = V_0, \quad \text{ha } r < R, \quad V(r) \equiv 0 \text{ egyébként}$$

- Vázoljuk fel a szóródó részecskék pályáját! Adjuk meg, hogy egy  $b$  impakt paraméterű részecske mekkora  $r_0$  távolságban repül el az origótól!
  - Határozzuk meg azt a  $\vartheta(b)$  szöget, amivel a részecske eltérül eredeti mozgásirányához képest, miután áthaladt a gömbön!
  - Írjuk fel a  $\frac{d\sigma}{d\Omega}$  differenciális hatáskeresztmetszet definícióját, és adjuk meg a mi esetünkre! (Elég ronda, lásd ElmFiz pldtr 14.4 (244.o))
- 

4. Részecskék homogén nyalábja szóródik az alábbi potenciálon:

$$V(r) = Ae^{-kr}$$

- Rajzoljuk fel a  $V(r)$  potenciált és a  $V_{eff}(r)$  effektív potenciált, ha  $b$  impakt paraméterű  $E$  energiájú  $m$  tömegű részecske szóródik a potenciálon!
- Mekkora minimális  $r_0$  távolságra közelíti meg a részecske a szórócentrumot? Írjuk fel a megfelelő egyenletet, megoldani úgysem tudjuk...

- (c) Bár a részecske pályáját nem tudjuk megadni ebben a potenciálban, mégis tudunk valamit mondani az eltérésekről a  $b \gg 1/k$  esetben, azaz amikor a részecskék alig érzik a potenciál hatását. Ekkor ugyanis a következő gondolatmenettel élhetünk: a részecskénkre exponenciálisan kicsi erő hat, ezért gyakorlatilag egyenesvonalú egyenletes mozgást végez. Ha nem lenne potenciál, akkor ez az állítás egzakt lenne. Ha kiszámítjuk a mozgásra merőleges erőkomponens idő szerinti integrálját a mozgás során, feltéve hogy a részecske egyenletesen mozog, úgy megkapjuk (közelítőleg) az impulzus mozgásirányra merőleges megváltozását. Végezzük el ezt a számítást, írjuk fel a mozgásirányra merőleges impulzusváltozást megadó integrált!
- (d) Ismerjük az alábbi integrál értékét tetszőleges  $\alpha$  paraméter esetén:

$$\int_{-\infty}^{\infty} dx \frac{\alpha e^{-\sqrt{\alpha^2+x^2}}}{\sqrt{\alpha^2+x^2}} = I(\alpha)$$

Ennek segítségével fejezzük ki a  $E$  energiájú részecskék esetén a  $\vartheta(b)$  eltérülési függvényt!

- (e) Megmutatható, hogy az  $I(\alpha)$  függvény nagy  $\alpha$ -k esetén közelítőleg:

$$I(\alpha) = \sqrt{2\pi\alpha} e^{-\alpha}.$$

Ennek segítségével adjuk meg a differenciális hatáskeresztmetszet kifejezését a nagy  $b$ -k (kis  $\theta$ -k) esetére!

- (f) Mekkora a teljes  $\sigma_{tot}$  hatáskeresztmetszet?
-